

Eliane Pereira da Silva Nº USP 4924915

Marion Vitorino Nº USP 8757808

UNIDADE DIDÁTICA: RELAÇÕES ESPACIAIS

Trabalho acadêmico apresentado ao Curso de Pedagogia da Universidade de São Paulo como requisito parcial para a conclusão da disciplina de Metodología do Ensino de Matemática – EDM 321, sob orientação do Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura.

Curso de Pedagogía Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

UNIDADE DIDÁTICA: RELAÇÕES ESPACIAIS

1. INTRODUÇÃO:

·FEUSP

A geometria é parte importante no currículo de Matemática no Ensino Fundamental,

pois através de seus conceitos o aluno pode desenvolver capacidades de compreensão,

descrição e representação do mundo em que vive.

A compreensão, descrição e representação do mundo em que vivemos não se dá de

forma biológica. Para Leontiev (2013)¹, expoente da Teoria da Atividade "o que nos

animais resulta da herança biológica, resulta no homem de uma assimilação, isto é, de um

processo de hominização do psiquismo da criança" (apud. VAZ, 2013). O que significa

que:

[...] indivíduo não é apenas colocado diante do mundo dos objetos humanos. Para que ele possa viver efetivamente deve agir adequadamente

e para que isso ocorra, tem que de ser introduzido pelos homens que os rodeiam e guiam, neste mundo. Esse processo é entendido como a

reprodução pelo indivíduo das faculdades adquiridas pelo homo sapiens no período do seu desenvolvimento sócio- histórico (VAZ, p. 18-19,

2013)

Na perspectiva de Leontiev, podemos afirmar que cada indivíduo aprende a ser um

homem, quando nasce não está pronto para viver em sociedade, é necessário ter acesso,

aprender o que foi conquistado no decurso do desenvolvimento histórico da humanidade.

Portanto, a aprendizagem não depende só de condições biológicas, mas é mediada

culturalmente; acontece na relação do sujeito com o meio físico e social, mediada por

instrumentos, linguagem; através de um desenvolvimento psíquico que se dá por um

processo de internalização, da apropriação de conceitos em um movimento do social para o

individual.

¹ VAZ, Halana Garcez Borowsky. Atividade Orientadora de ensino como organizadora do trabalho docente em matemática: A experiência do clube de matemática na formação de professores dos anos iniciais. 2013. Dissertação

(mestrado em Educação) - Universidade Federal de Santa Catarina, Santa Catarina Rio Grande do Sul, 2013.

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática - EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

Para tal, a atividade de ensino deve ser organizada com objetivos claros de maneira

a intervir no desenvolvimento intelectual do sujeito, possibilitando a inclusão de membros

num coletivo, buscando o desenvolvimento das funções psíquicas superiores,

encaminhando ao pensamento teórico.

FEUSP

Para MOURA et all (2010):

Embora o sujeito possa se apropriar dos mais diferentes elementos da cultura humana de modo não intencional, não abrangente e não

sistemático, de acordo com suas próprias necessidades e interesses, é no processo de educação escolar que se dá a apropriação de conhecimentos

aliada à questão da intencionalidade social, o que justifica a importância

da organização do ensino [...](MOURA et all, 2010, p.213)

Desde muito pequenas, as crianças aprendem a organizar seus deslocamentos em

um determinado espaço, que ficam cada vez mais amplo com o passar do tempo. Mas, cabe

a escola, lugar social privilegiado para a apropriação de conhecimentos produzidos

historicamente, organizar o ensino, articulando pratica à teoria, através de ações definidas

intencionalmente pelo professor, desta forma permitindo a transformação da realidade

escolar por meio das transformações dos sujeitos, professores e alunos. (MOURA et e al,

2010)

Nas séries iniciais, o ensino de geometria aborda situações relacionadas ao estudo

de forma e espaço. O objetivo de ensinar geometria aos alunos do 1º ao 5º ano está ligado

ao sentido de localização, reconhecimento de figuras, manipulação de formas geométricas,

representação espacial e estabelecimento de propriedades. Uma base consolidada objetiva

uma maior facilidade nos conteúdos do 6º ao 9º ano.

[...] se a base nas séries iniciais for bem trabalhada, através de material concreto e situações do cotidiano do aluno, o professor se surpreendera com fato de não ser necessário ensinar termos complicados e definições

formais até no final do Ensino Fundamental, pois o aluno irá construindo

aos poucos seus conceitos de geometria. (VIEIRA & ZAMPA, 2011, p. 3)

O estudo das formas e do espaço oferece aos alunos oportunidades para relacionar a

Matemática com o mundo real. O estudo da geometria em que, através de relações e

representações que o aluno estabelece com seu próprio corpo, deslocando-se no espaço,

observe e explore objetos.

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

Os Parâmetros Curriculares Nacionais apontam como objetivo do ensino

fundamental o desenvolvimento da confiança do aluno em sua própria capacidade para

aprender Matemática explorando um bom repertório que lhe permita avanços no processo

de formação de conceitos para que possam realizar, dentre outros:

• Localização de pessoas ou objetos no espaço, com base em diferentes pontos de referência e algumas indicações de posição.

• Movimentação de pessoas ou objetos no espaço, com base em diferentes pontos de referência e algumas indicações de direção e sentido.

• Descrição da localização e movimentação de pessoas ou objetos no

espaço, usando sua própria terminologia. (BRASIL, 1997, p.6)

As atividades desenvolvidas, nesta unidade didática, são para o 2º ano do Ensino

Fundamental I e têm por objetivo que o estudante consiga se situar e se deslocar no espaço,

compreendendo e estabelecendo pontos de referência, explorando a movimentação e

localização de objetos ou pessoas.

FEUSP

Espera-se que, com as atividades propostas os alunos indiquem o sentido e a direção

usando, para se comunicar, termos como à frente e atrás, direita e esquerda, em cima e

embaixo, ao lado, longe, perto, entre outros, possibilitando que se posicionem e se

desloquem mentalmente desta forma a as atividades buscam atingir os objetivos que devem

ter os jogos voltados para o ensino de matemática.

São propostas situações contextualizadas, jogos que exploram a movimentação e

localização de objetos ou pessoas. Para a realização das atividades, os alunos necessitam

mobilizar os conhecimentos sobre localização, agregando-os a um novo procedimento

espacial que envolve a movimentação no espaço.

Como afirma MOURA (s.d):

O jogo para ensinar Matemática deve cumprir o papel de auxiliar no ensino do conteúdo, propiciar a aquisição de habilidades, permitir o

desenvolvimento operatório do sujeito e, mais, estar perfeitamente

localizado no processo que leva a criança do conhecimento primeiro ao

conhecimento elaborado. (MOURA, s.d., p.3)

Acreditamos que atividades lúdicas como jogos e brincadeiras, planejadas,

possibilitam o crescimento constante do conhecimento de uma cultura primeira à cultura

elaborada com a ajuda e intervenção do professor, assim fazendo com que o professor seja

o mediador desse processo.

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

[...] existe um crescimento constante do conhecimento, que vai da cultura primeira à cultura elaborada, e que o conteúdo ensinado serve para desenvolver as estruturas de pensamento e alicerçar o indivíduo de conceitos que lhe permitem, cada vez mais, acesso a novos conhecimentos. O jogo, por sua vez, também evolui. O domínio do jogo exige certos níveis de estruturas mentais do sujeito que joga: quanto mais

complexo o jogo, maior o número de variáveis que este possui. (MOURA,

s.d., p.3).

2. O CONTEÚDO MATEMÁTICO

FEUSP

Assim como Boyer afirma em seu livro História da Matemática, acreditamos que é

arriscado apontar com precisão a origem da matemática aritmética ou geométrica, pois se o

homem neolítico teve pouca necessidade de medir terras, seus desenhos e figuras sugerem

uma preocupação com relações espaciais que abriu caminho para a geometria. Seus potes,

tecidos e cestas mostram exemplos de congruência e simetria, que, em essência, são partes

da geometria elementar e aparecem em todos os continentes.

Contudo, o surgimento da Geometria de forma sistematizada, como parte da

matemática ocorre com os gregos. Platão, Eudoxo e muitos outros deram à Geometria um

caráter especial, encarando-a como parte de destaque da Matemática. Mas, é com o

matemático grego Euclides que a Geometria recebeu seu grande impulso. Euclides

sistematizou em sua clássica obra, os Elementos, os principais conhecimentos trabalhados

pelos seus antecessores, dando um caráter axiomático-dedutivo ao conhecimento

geométrico da época. Depois da contribuição grega, ocorreram outras, que fomentaram o

desenvolvimento da Geometria enquanto ramo da matemática. Descartes gerou a

Geometria Analítica, Poncelet e Chasles, introduzindo novas concepções, que contribuíram

para o surgimento da Geometria Projetiva; Cayley introduziu elementos imaginativos às

descobertas de Poncelet e Chasles, que foram posteriormente desenvolvidos e unificados

por Felix Klein. (PIAGET & GARCIA, 1987).

Os primeiros conhecimentos geométricos surgiram a partir das necessidades do

homem em compreender melhor o meio onde ele se encontrava, o que talvez justifique a

origem de sua palavra. No sentido próprio da palavra, que resulta dos termos gregos "geo"

(terra) e "métron" (medir), cujo significado em geral é designar propriedades relacionadas

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

com a posição e forma de objetos no espaço, surgindo como ciência empírica para resolver

problemas práticos do homem.

FEUSP

Medir as terras para fixar os limites das propriedades era uma tarefa importante nas

civilizações antigas, especialmente no Egito. Ali as enchentes anuais do rio Nilo inundavam

as áreas férteis e derrubavam os marcos fixados no ano anterior, obrigando os proprietários

de terras a refazer os limites de suas áreas de cultivo. Os egípcios se tornaram grandes

delimitadores de terras provavelmente utilizando inúmeros princípios úteis relativos às

características de linhas, ângulos, e figuras.

Os egípcios acumularam conhecimentos úteis na resolução de problemas de traçado

de limites, de comparação de áreas, de projetos arquitetônicos e engenharia de construções,

dentre outros. Eles, assim como os babilônios, já tinham uma Geometria, mas somente para

as suas necessidades práticas e não para uma ciência organizada. Apesar de todo o material

algébrico que possuíam, só se pode encarar a matemática como ciência, a partir dos séculos

VI e V a. C., na Grécia.

A Matemática grega distingue-se da babilônia e da egípcia pela forma como era

encarada. Ao contrário dos egípcios, os gregos fizeram-na uma ciência propriamente dita,

sem a preocupação com suas aplicações práticas.

É com os matemáticos gregos, começando com Tales de Mileto, que a Geometria é

estabelecida como teoria dedutiva, continuando nos séculos posteriores, nomeadamente

pelos pitagóricos, no século VI a. C.

Pertenceu à Academia de Platão em Atenas um dos maiores matemáticos da Grécia,

Eudoxo, criador da famosa teoria das proporções. Esta teoria, que se acha exposta nos

"Elementos" de Euclides (livro V), é a resposta dos gregos ao problema do contínuo, posto

pela geometria.

Foi aproximadamente a 300 anos antes de Cristo que Euclides, outro matemático

grego de renome, escreveu seu livro clássico, Os Elementos, em que reuniu e apresentou de

modo sistemático as principais descobertas geométricas de seus precursores, foi o primeiro

a apresentar, de maneira sistemática, a Geometria como ciência dedutiva.

A evolução histórica da Geometria nos leva a dois tipos de escola: a escola da

atividade geométrica enquanto constatação empírica, interpretando o mundo concreto

E DE SAO PAULO – FACULDADE DE EDUCAÇA Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

através das formas e a escola da atividade geométrica enquanto experiência racional de

dedução, visando em última instância, à demonstração (EVES, 1992; CÂMARA, 1999).

Acredita-se que isto foi possível a partir da sistematização feita por Euclides, por volta de

300 a. C., dos conhecimentos geométricos dos povos antigos (egípcios, babilônicos, hindus

e outros) gerando a obra Elementos.

O sistema axiomático, como o elaborado por Euclides, é uma sequência de

sentenças ou proposições, precedidas por definições. As sentenças básicas são os

postulados e axiomas. Partindo delas, são demonstrados os teoremas. Tanto os postulados

como os axiomas e os teoremas são as teses de um sistema axiomático: "Sem dúvida, a

geometria é, nas matemáticas gregas, o ramo que deu prova de uma tal perfeição que se

transformou, durante vários séculos, no próprio paradigma da ciência". (PIAGET &

GARCIA, 1987, p.91).

FEUSP

Após os gregos, a primeira grande mudança no campo da geometria foi efetuada por

René de Descartes. Em "A Geometria" de seu "Discurso do Método", aonde são

introduzidas ideias básicas do que depois seria a 'Geometria Analítica'.

Newton, cinquenta anos depois de Descartes, publicará os seus Princípios. O

Cálculo Diferencial criado por Newton e, independentemente, por Leibniz dará à

Geometria Analítica um alcance que Descartes não tinha visto. Mais tarde os Bernoulli e

Lagrange vão completar a "redução" da geometria à análise.

Após a constituição da Geometria Analítica por definitivo, surgem um conjunto de

doutrinas que produziram profunda revolução no pensamento matemático. Entre os

estudiosos mais importantes desta revolução estão Poncelet e Chasles. Poncelet estudou as

causas das diferenças entre o grau de generalidade de Geometria Analítica e os limites da

Geometria antiga. Poncelet procurou um método específico da Geometria, sem recorrer à

Álgebra. Ele visava um modo de aplicar o raciocínio implícito, abstraído da figura, obtendo

assim o mesmo grau de generalidade da Geometria Analítica (PIAGET & GARCIA, 1987).

Paralelamente a Poncelet, Chasles, depois de ter apresentado um estudo histórico

que foi um clássico da história da Geometria, chega a conclusões idênticas as de Poncelet.

Poncelet e Chasles vão incorporar os sistemas de transformações como método fundamental da Geometria e que eles tentavam, assim, dar a esta

ciência, independentemente da Álgebra a mesma generalidade, a mesma

leveza, a fecundidade que a Geometria Analítica tinha demonstrado no

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

curso do seu desenvolvimento no século XVIII. (PIAGET & GARCIA, 1987, p. 97).

Os dois vão introduzindo a sua nova concepção da Geometria a partir de métodos algébricos. A introdução dos elementos como elipses, parábolas, pontos comuns no infinito, entre outras à Geometria Projetiva permitiram a generalização e a simplificação de diversos resultados.

FEUSP

No século XIX, Laguerre deu uma definição ao ângulo formado por duas retas. Tempos depois, Cayley introduziu a designação de absolutos, que seria a expressão analítica de todas as propriedades métricas euclidianas. Também é de Cayley a ideia de que todas as propriedades métricas das figuras não são outra coisa que as propriedades projetivas em relação com os absolutos. Suas ideias foram desenvolvidas por Klein.

A principal descoberta de Klein foi a natureza projetiva das geometrias euclidianas e a Geometria Projetiva em relação à Teoria das Paralelas. Klein estabelece que, em função do absoluto, podemos obter todas as geometrias: se a superfície absoluta de segundo grau é um elipsóide, um parabolóide elíptico ou um hiperbolóide obteremos a Geometria de Bolyai-Lobatchevsky; se a superfície é imaginária obteremos a Geometria não euclidiana de Rieman; quando tratamos de uma esfera obtermos a Geometria euclidiana. Estes trabalhos de Klein abrem caminho para uma nova etapa da Geometria.

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

3. ATIVIDADES PARA SALA DE AULA

Atividade 1: Mapa da escola

Objetivos:

FEUSP

- Desenvolver a percepção das inter-relações espaciais;

- Trabalhar fundamentos cartográficos e seus conceitos.

Descrição:

A partir de um desenho do mapa da escola (planta baixa) impresso em uma folha de papel,

e entregue para cada criança, no qual a mesma terá como objetivos identificar o local que as

coordenadas estão indicando, a professora vai pedir para que eles marquem um 'X' em

determinado lugar. Os alunos deverão reconhecer espaços a partir de direcionamentos e

questionamentos feitos pela professora.

Conteúdos:

- Localização de objetos no espaço;

- Localização adequado à localização espacial de elementos.

Ano: 2° EF

Tempo Estimado: Duas aulas.

Material Necessário:

- Cópias da planta baixa da escola



Curso de Pedagogía Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321 Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

A G I N A S I O S

Desenvolvimento:

Percorrer inicialmente, através desse exemplo, de maneira imaginária, a planta, fazendo vários trajetos: Saindo do ponto "x", caminhar até a biblioteca, ir à diretoria, e outras salas.

Com a planta da escola, reconhecer os espaços a partir de questionamentos como:

- qual a sala em que você passará logo após a saída do ponto "Y" aonde nos encontramos?
 - iremos para a esquerda ou para a direita?
 - quais as salas que ficam deste mesmo lado do corredor?

Se a escola tiver mais de um andar:

- Quais as salas que ficam neste andar?
- Quais as salas que se localizam à direita da pessoa que entra no prédio da escola?

Avaliação:

Como critério de avaliação, é importante que o docente identifique se o aluno consegue situar-se espacialmente, relacionando o espaço que o cerca, com as representações gráficas, a planta da escola, localizar espaços da escola, preparando-se para conseguir localizar em outras plantas locais como quarteirão da escola, praças,

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática - EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

estabelecimento, ruas em um mapa, e o professor deve avaliar se o aluno tem minimamente

a noção de esquerda, direita, frente, trás.

FEUSP

Atividade 2: Jogo do Sítio

Objetivos:

- Determinar relações espaciais entre os objetos que permitam definir univocamente a

localização de cada um deles no marco de referência;

- Elaborar uma linguagem apropriada para comunicar sem ambiguidade;

- Interpretar as referências dadas para reproduzir uma situação espacial determinada;

Descrição:

Um grupo monta um cenário com os materiais entregue pelo professor e este mesmo grupo

dará coordenadas ao outro grupo que está com os matérias mas não com o cenário montado,

para que monte o mesmo cenário do outro lado da divisória. Temos como hipóteses que as

crianças utilizarão termos como ao lado, frente, trás, e isso deve ser conversado com o

grupo para descobrirem se é a melhor maneira de falar sobre direções.

Conteúdos:

- Localização de objetos no espaço;

- Vocabulário adequado à localização espacial de elementos.

Anos: 1°, 2° e 3°

Tempo estimado: 6 aulas

Material necessário:

- Dois conjuntos de brinquedos idênticos que sirvam para armar o cenário de um sítio, ou outro local, (exemplo de material que deve ser entregue a cada grupo: duas vacas, um

cavalo, três porcos, cerquinhas, uma casinha e duas árvores; caso você não consiga esses

objetos, pode optar por outros itens, desde que sejam iguais);

- Cartão ou cartolina para cada equipe (sobre o qual os alunos vão montar a cena do sítio)

- Mesa e esteira;

- Elemento divisório um pedaço de TNT, um lençol ou algo parecido.

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática - EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

Desenvolvimento:

FEUSP

1^a etapa

Apresentação dos animais e do material que será utilizado.

Divida a turma em dois grupos. Explique que ambos farão um jogo em que um

grupo monta o cenário de um sítio (grupo 1) e, depois, dá dicas para que o outro (o grupo 2)

monte um cenário idêntico.

É importante que um não veja o que o outro fez - para isso, coloque o elemento

divisório entre eles. Quando o grupo 1 terminar a criação, deve pedir a um dos integrantes

que dite o cenário aos demais, dizendo, por exemplo, que "o cavalo está atrás da árvore", "a

vaca está ao lado da ponte" etc.

Assim que o grupo 2 terminar de montar o cenário, retire o elemento divisório,

aproxime as duas construções e peça para as crianças compará-las.

Conduza a discussão fazendo perguntas do tipo: "O que o grupo 1 deveria ter dito

para que se compreendesse em que lugar deveriam colocar cada peça?; "Faltou dizer algo

mais?"; "Basta dizer 'coloque a vaca ao lado do cavalo' para que as pessoas sejam bem

compreendidas?".

É possível que, na primeira experiência, as crianças façam o ditado de forma

imprecisa, por esquecimento de alguns objetos ou descrições dúbias. Anote as indicações

dadas pelos estudantes para que você possa retomá-las. Nessa primeira experiência,

provavelmente a construção do cenário a partir das informações ditadas será realizada

quase sem discussão entre os participantes, pois os grupos acreditarão que o cenário será

idêntico. No momento da comparação, entretanto, as informações podem ser insuficientes,

as crianças poderão se deparar com a necessidade de fornecer dados mais precisos.

2^a etapa

Proponha o jogo mais uma vez, seguindo os mesmos critérios da etapa anterior, só

que, agora, invertendo os papéis - o grupo 2 fará o cenário e o descreverá para o outro.

Mais uma vez, aproxime as construções e promova novas comparações, apontando as

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

diferenças, as coincidências e as possíveis formulações que impediram a localização

adequada dos objetos.

FEUSP

3^a etapa

Organize uma discussão coletiva sobre as dificuldades encontradas nas etapas

anteriores.

Elabore um cartaz com as conclusões formuladas pelas crianças (elas podem dizer,

por exemplo, que "ao lado da casa" não é uma informação suficientemente precisa para

localizar um objeto). Coloque essas dicas a serviço do jogo seguinte.

4^a etapa

Proponha o jogo de novo, iniciando com a leitura do cartaz com as primeiras

conclusões da turma. Cada grupo assume alternadamente criador do primeiro cenário,

durante as partidas, você deverá chamar a atenção das crianças para que elas coloquem em

prática as conclusões a que chegaram na etapa anterior.

No final, faça uma nova leitura do cartaz de conclusões para que o grupo valide,

modifique ou inclua novas informações. Ele servirá como referência para novas jogadas e

permitirá que você identifique os conhecimentos que o grupo construiu.

Avaliação:

Compare as indicações dadas pelos grupos na 1ª e na 4ª etapa e observe se houve

avanço no uso do vocabulário próprio para localização de objetos no espaço. Note também

o quanto as conclusões elaboradas pelas crianças na 3ª etapa foram mudadas.

O professor deve avaliar se o aluno tem minimamente a noção de esquerda, direita,

frente e trás.

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática - EDM 321 Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

Atividade 3: Caça ao Tesouro

Objetivos:

FEUSP

- Interpretar e analisar coordenadas;

- Utilizar informações e pontos de referências para escolher caminhos.

Descrição:

A partir de cartões com pistas, as crianças em grupos deverão seguir coordenadas e

encontrar pistas até chegar ao tesouro antes que os outros grupos. E ao final confeccionam

um mapa de acordo com as pistas que encontraram, identificando o trajeto que foi feito e

onde estava o tesouro.

Conteúdos:

- Identificação de pontos de referências;

- Elaboração de itinerário.

Ano: 2° e 3°

Tempo estimado: 4 aulas

Material necessário:

Cartões com pistas e baú com tesouro.

Desenvolvimento:

1ª Etapa - A caçada

Divida os alunos em grupos, em seguida distribua os cartões com a primeira pista.

Não se esqueça que as pistas devem ser entregues separadamente.

Exemplo de pistas para os alunos

1ª Pista: Vá até a porta da sala, vire à esquerda. Antes de chegar à porta que dá para o

Caracol, você encontrará a próxima pista;

2ª Pista: Entre no Caracol, você ficará em frente a um painel. Ande de lado para a direita e

você encontrará a próxima pista;

3ª Pista: Vá até o meio da quadra e caminhe em direção ao palco. Caminhando a direita do

palco você encontrará outra pista;

4ª Pista: Dê 3 ou 4 passos bem largos em direção a sala do pessoal da limpeza e você

encontrará mais uma pista;

· FEUSP

Curso de Pedagogía Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321 Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

5ª Pista: Caminhando em direção ao Palco você encontrará o tesouro.

Outro exemplo de pistas para os alunos

- 1ª Pista: Andar 35 passos para frente, virar à direita e descer a rampa, a próxima pista estará a sua direita.
- 2ª Pista: Andar 20 passos para esquerda, encontraremos a próxima pista no nosso jardim.
- **3ª Pista:** Para encontrarmos a próxima pista precisamos ir para gente do caminho de pedras, daremos 40 passos para frente.
- **4ª Pista:** Precisamos descer essas escadas para a próxima pista encontrar.
- **5ª Pista:** Andaremos agora até o lado de fora da biblioteca. Na nossa frente teremos a cantina, e o nosso tesouro está bem no centro dela.

O professor pode criar um cartão bem legal para seus alunos ou mesmo imprimir um pronto da internet e só inserir as informações:



-Instruções:

Depois de imprimir, recorte nas áreas indicadas e escreva em cada carta uma pista diferente para encontar o tesouro perdido. Boa diversão.

UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO – FACULDADE DE EDUCAÇÃO Curso de Pedagogía



Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

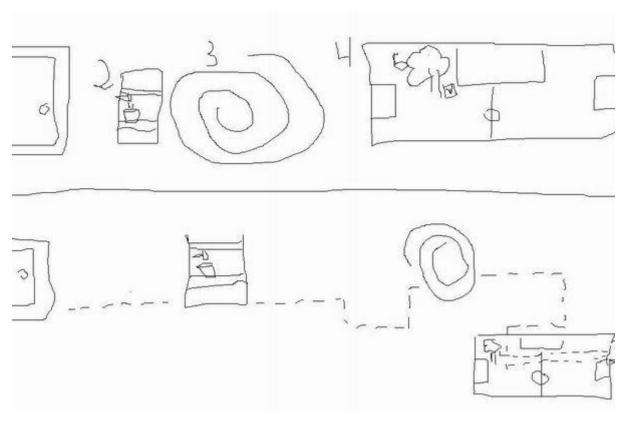
Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

2ª Etapa: Elaboração do Mapa

Depois que os alunos encontrarem o tesouro devem elaborar um mapa;

Concluído o mapa os alunos devem explicar o esquema que desenharam.

Abaixo estão representados alguns esquemas elaborados por crianças de 5 anos:



Fonte: http://portaldoprofessor.mec.gov.br/storage/discovirtual/galerias/imagem/0000001087/0000012615.

Avaliação:

Observar o desenvolvimento da leitura de representação de mapas, o trabalho em grupo. Além do uso de termos como "à esquerda de", "à direita de" etc. ações relativas a lateralidade ao longo da atividade.

O professor pode utilizar dos desenhos dos mapas para avaliar o grupo.

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática - EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

Atividade 4: Trajetos no bairro

Objetivos:

FEUSP

- Descrever, interpretar e analisar a localização de pessoas e objetos;

- Utilizar informações e pontos de referência para escolher caminhos.

Descrição:

As crianças vão montar o mapa da região, e indicar caminhos para se chegar aos lugares

através de setas e riscos nos chão, e se possível, descrever esses caminhos.

Conteúdos:

- Identificação de pontos de referência;

- Elaboração de itinerário.

Anos: 1° e 2°

Tempo estimado: 4 aulas

Material necessário:

- Cópias de um esquema simples de quarteirões vizinhos à escola.

Desenvolvimento

1^a etapa

Leve os alunos para um passeio por algum local da vizinhança escolhido

coletivamente. Peça que eles observem as casas, supermercado, padaria, farmácia, banca de

revistas e praças.

Eles devem anotar a localização de cada um para servir de referência na produção

de um mapa da região.

2^a etapa

Divida os alunos em grupos. Entregue a representação dos quarteirões visitados e

peça que os estudantes assinalem os lugares observados no trajeto. Proponha uma discussão

para comparar as produções.

3^a etapa

Crie algumas situações para que aos alunos sugiram caminhos:

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

- Pedro quer ir ao supermercado. Como ele pode chegar lá saindo da escola?

Ouça com atenção as sugestões dos alunos, questione se há outros caminhos.

Assim você gera uma reflexão sobre como as relações de orientação (para a frente,

para trás, à esquerda e à direita) e a inclusão de referências contribuem para expressar com

maior eficiência a indicação de um itinerário.

Avaliação

FEUSP

Proponha a exploração de plantas baixas. Dê algumas pistas para que localizem um

lugar no mapa e pergunte se elas são suficientes. Divida a turma em equipes. Elas devem

imaginar um caminho e fornecer informações para outro grupo traçá-lo no mapa. Verifique

se são usados pontos de referência e dicas de direção. Facilite a tarefa para os estudantes

que apresentarem dificuldades.

Curso de Pedagogía

Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

4. OUTRAS ABORDAGENS DIDÁTICAS DO CONTEÚDO

Como já dito, acreditamos que atividades lúdicas como jogos e brincadeiras,

planejadas, possibilitam o crescimento constante do conhecimento de uma cultura primeira

à cultura elaborada com a ajuda e intervenção do professor, assim fazendo com que o

professor seja o mediador desse processo. Por isso, indicamos os jogos de tabuleiros e

jogos como o Twister para explorar a movimentação e localização de objetos ou pessoas.

Para a realização das atividades, os alunos necessitam mobilizar os conhecimentos sobre

localização, agregando-os a um novo procedimento espacial que envolve a movimentação

no espaço. Jogos de tabuleiros e o Twister são exemplos de outros jogos que trabalham

lateralidade com os alunos.

FEUSP

Os jogos de tabuleiro, numa perspectiva piagetiana, revela um sistema de

deslocamentos espaço-temporal, exigindo a elaboração de estratégias adequadas para que

se possa vencê-lo. Melhor explicando, o jogador deverá movimentar suas peças, uma por

vez, em função da colocação de todas as peças em jogo no tabuleiro (deslocamento

espacial) e apenas poderá fazer uma nova jogada, após a jogada do adversário

(deslocamento temporal). Assim sendo, para jogar bem, deverá articular a distribuição das

peças no tabuleiro no momento e as possíveis jogadas do adversário que serão realizadas

pelo adversário (coordenação espaço-temporal). (PIAGET & GARCIA, 1987)

O Twister ajudará os alunos desenvolverem noções de espaço, de lateralidade, a

partir da experimentação, tendo como referência o próprio corpo. Os jogos os estimularão

para que possam experimentar situações diferenciadas que favoreçam essa compreensão.

Há outros jogos que desenvolvem a lateralidade uma rápida consulta a internet

conseguirmos vários materiais interessantes inclusive vários jogos interessantes online².

² Como em ALLEGRINE, Jaqueline de Almeida Pessoa. Percepção espacial e sólidos geométricos.

FEUSP

Curso de Pedagogía Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática - EDM 321

Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

5. CONSIDERAÇÕES FINAIS

Com a realização deste trabalho podemos atentar para o quanto é necessário o

embasamento teórico para realização do trabalho do professor. Assim que escolhido o tema,

nos debruçarmos sob este, em sua construção histórica e social, sua presença nos PCNs, no

currículo, nas especificidades do ciclo a que se destinavam, objetivos que deveriam

alcançar e nos materiais disponíveis. O nosso olhar se modifica para a construção de uma

sequência didática, pois a unidade didática vai além de uma mera sucessão planejada de

atividades articuladas entre si, guiadas por um tema comum, a unidade didática é pensada

como uma Atividade Orientadora de Ensino, pois:

O desafio que se apresenta ao professor relaciona-se com a organização do ensino, de modo que o processo educativo escolar se constitua em

atividade para o estudante e para o professor. Para o aluno, como estudo, e para o professor, como trabalho.[...] A AOE mante a estrutura de atividade proposta por Leontiev, ao indicar uma necessidade (apropriação

da cultura), um motivo real (apropriação do conhecimento historicamente acumulado), os objetivos (ensinar e aprender) e propor ações que

considerem as condições objetivas da instituição escolar.

(MOURA et all [2010], p. 96)

Se não buscamos a mera transmissão do conhecimento, e não acreditamos que

atualmente nossos professores pensam desta forma, precisamos agir consciente do nosso

papel desde o planejamento das atividades que trabalharemos com nossos alunos.

Precisamos refletir e forma organizada, estruturada, a fim de que a aprendizagem realmente

se efetive, pois acreditamos, assim como MOURA et all, que:

Para que a aprendizagem se concretize para os estudantes e se constitua efetivamente como atividade, a atuação do professor é fundamental, ao

mediar a relação dos estudantes com o objeto do conhecimento, orientando e organizando o ensino as ações do professor na organização

do ensino devem criar, no estudante, a necessidade do conceito, fazendo coincidir os motivos da atividade com os objetos de estudo. O professor, como aquele que concretiza objetivos sociais objetivados no

currículo escolar, organiza o ensino: define ações, elege instrumentos e avalia o processo de ensino e aprendizagem. (MOURA et all [2010], p.

94, grifo nosso).

UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO – FACULDADE DE EDUCAÇÃO Curso de Pedagogía



Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321 Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

ALLEGRINE, Jaqueline de Almeida Pessoa. *Percepção espacial e sólidos geométricos*. *Tese de Mestrado*. Universidade Severino Sombra. Vassouras, 2013. Disponível em: http://www.uss.br/arquivos;jsessionid=BED375FBE9A71B05E257B2CC40A80E13/posg raduacao/strictosensu/educacaoMatematica/produto/2013/MPEM_Produto2013_Jaqueline_ Almeida.pdf.> Acesso em 01 de fev. de 2015.

BOYER, C. História da Matemática. São Paulo: Edgard Blucher, 1974.

BRASIL. *Parâmetros curriculares nacionais*: matemática. Secretaria de Educação Fundamental. – Brasília: MEC/SEF, 1997.

EVES, H. *Tópicos de História da Matemática para Uso em Sala de Aula*. São Paulo: Atual, 1992.

MOURA, Manoel Oriosvaldo de. *O Jogo e a Construção do Conhecimento Matemático*. Disponível em http://www.crmariocovas.sp.gov.br/pdf/ideias_10_p045-053_c.pdf. Acesso em 25 de nov. de 2014.

MOURA, M. O.; ARAUJO, E.S.; RIBEIRO, F.D.; PANOSSIAN, M.L. E MORETTI, V.D. A atividade Orientadora de Ensino e Aprendizagem. In: *A atividade pedagógica na teoria histórico-cultural*. Brasília: Liber, 2010.

MOURA, M. O.; ARAÚJO, E.S.; MORETTI, V.D.; PANOSSIAN, L. Atividade Orientadora de ensino: unidade entre ensino e aprendizagem. *Rev. Diálogo Educ.*, Curitiba, v. 10, n. 29, p. 205-229, jan./abr. 2010. Disponível em http://www2.pucpr.br/reol/index.php/DIALOGO?dd1=3432&dd99=pdf. Acesso em 17 de Jan. de 2015.

PIAGET, J. & GARCIA, R. *Psicogêneses e História das Ciências*. Ciência Nova, Nº 6, Lisboa: Dom Quixote, 1987.

PIRES, Célia Maria Carolino (Coord.) *Cadernos de apoio e aprendizagem: Matemática. Programa de Orientações curriculares.2º Ano. Livro do Professor.* São Paulo: Fundação Padre Anchieta, 2010.

SALES, Cassia; MEDINA, Denise. *O que ensinar e como ensinar geometria nas séries iniciais*. Diponível em http://www.lematec.net/CDS/ENEM10/artigos/MC/ T3_MC8 20.pdf.> Acesso em 25 de nov. de 2014.

SOUZA, Nilton Goulart. *Educação Cartográfica – Construindo os Primeiros mapas*. Disponível em < http://portaldoprofessor.mec.gov.br/fichaTecnicaAula.html?aula=1366>. Acesso em 20 de dezembro de 2014.

· FEUSP

Curso de Pedagogía Disciplina: Metodologia do Ensino de Matemática – EDM 321 Prof. Dr. Manoel Oriosvaldo de Moura

VAZ, Halana Garcez Borowsky. *Atividade Orientadora de ensino como organizadora do trabalho docente em matemática:* A experiência do clube de matemática na formação de professores dos anos iniciais. 2013. Tese (mestrado em Educação) - Universidade Federal de Santa Catarina, Santa Catarina Rio Grande do Sul, 2013.

VIEIRA, Corina de Fátima Moreira; ZAMPA, Régis Luiz. A geometria na matemática das Séries Iniciais do Ensino Fundamentais: *Revista da Educação Matemática da UFOP*, Vol. I, 2011 - X Semana da Matemática e II Semana da Estatística, 2010.